



**HRVATSKA KOMORA INŽENJERA GRAĐEVINARSTVA**  
**Dani Hrvatske komore inženjera građevinarstva 2020.**

# Procjena nosivosti postojeće zidane zgrade

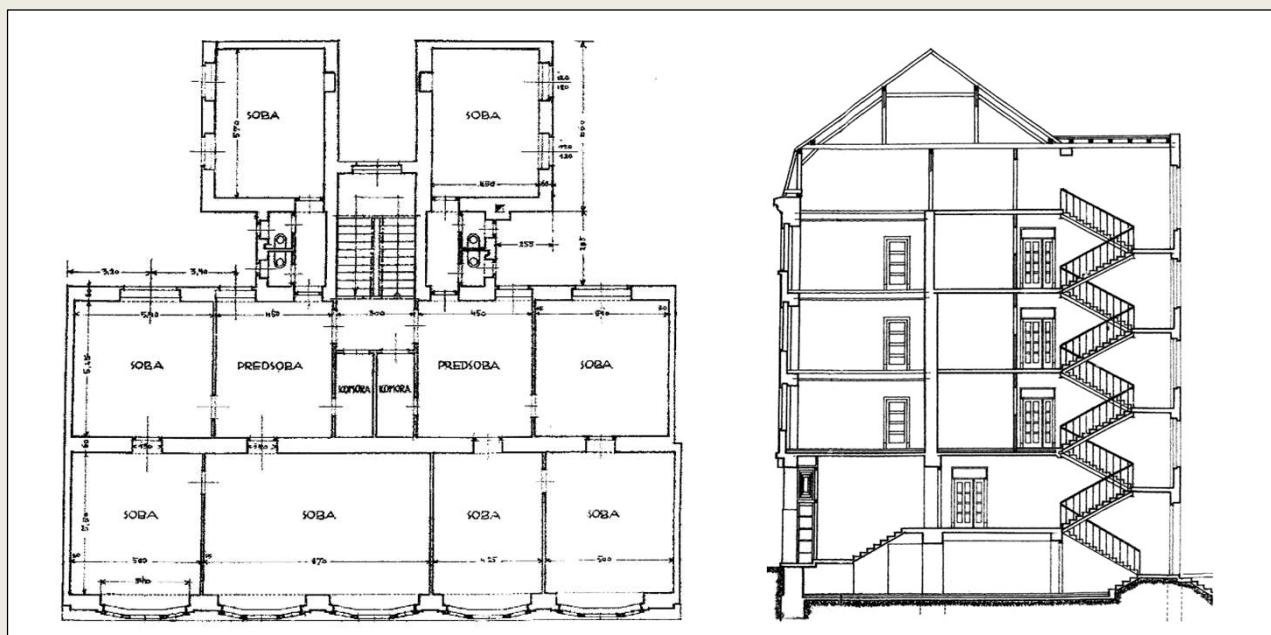
**Mario Uroš, Marija Demšić**

Doc. dr. sc. Mario Uroš, dipl.ing.građ., Građevinski fakultet, Zagreb

Doc. dr. sc. Marija Demšić, dipl.ing.građ., Građevinski fakultet, Zagreb

# Opis zgrade

- Zagreb, 1920 god.
- tipična donjogradска zgrada
- po+pr+3 kata i potkrovље
- cca.  $24 \times 12 \text{ m} + 11 \times 12 \text{ m}$  (23 m)
- ukupno kat - cca.  $400,0 \text{ m}^2$  bruto
- zidovi od pune opeke (30, 45, 60, 90 cm)
- drveni grednici

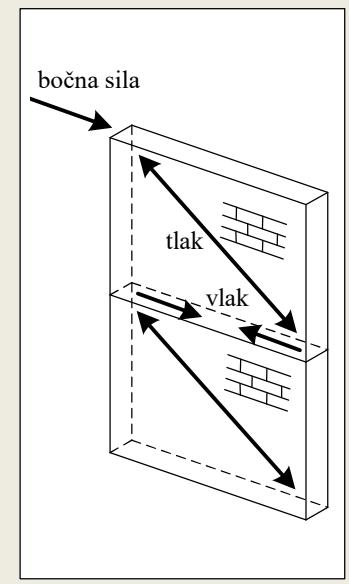


# Oštećenje zgrade u potresu

- razina oštećenja nakon potresa - N2 (crvena)

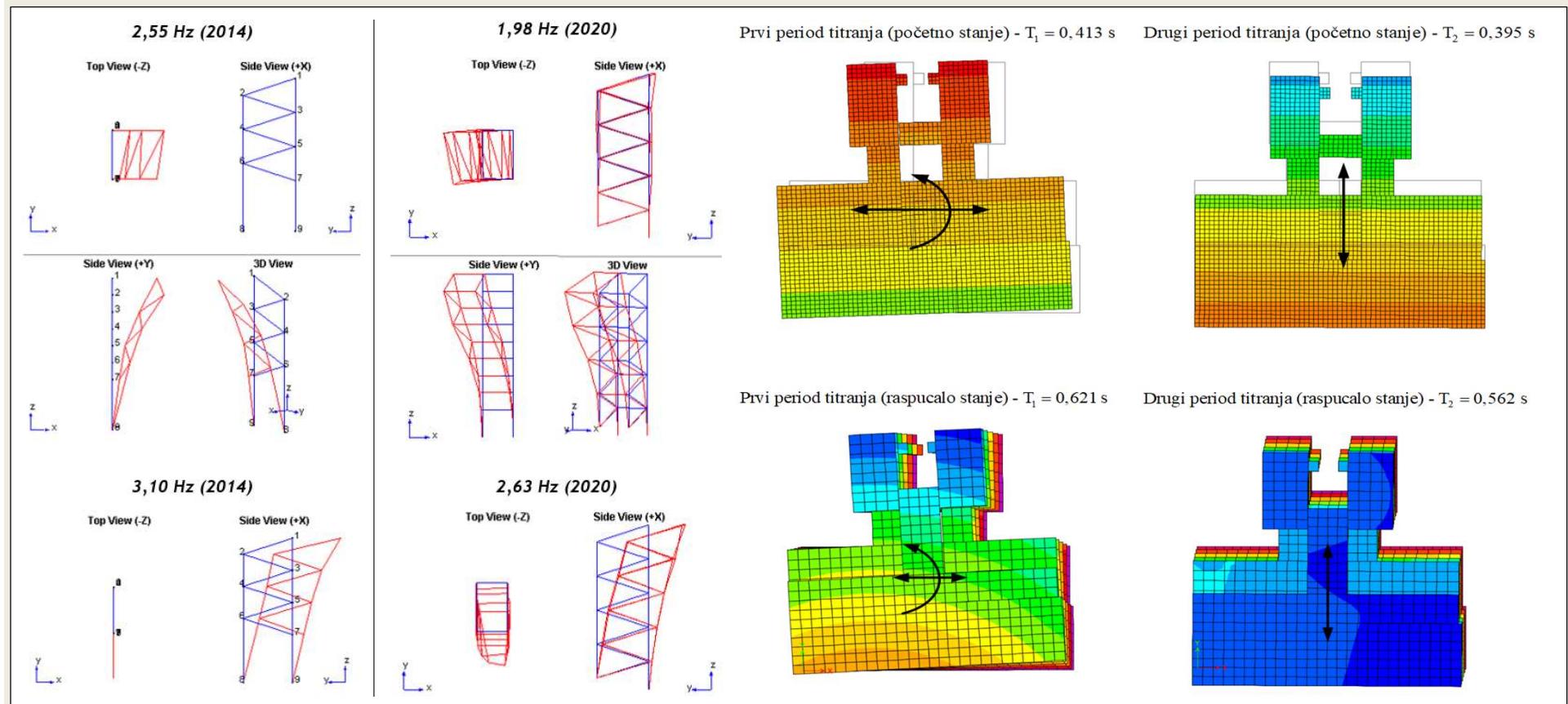
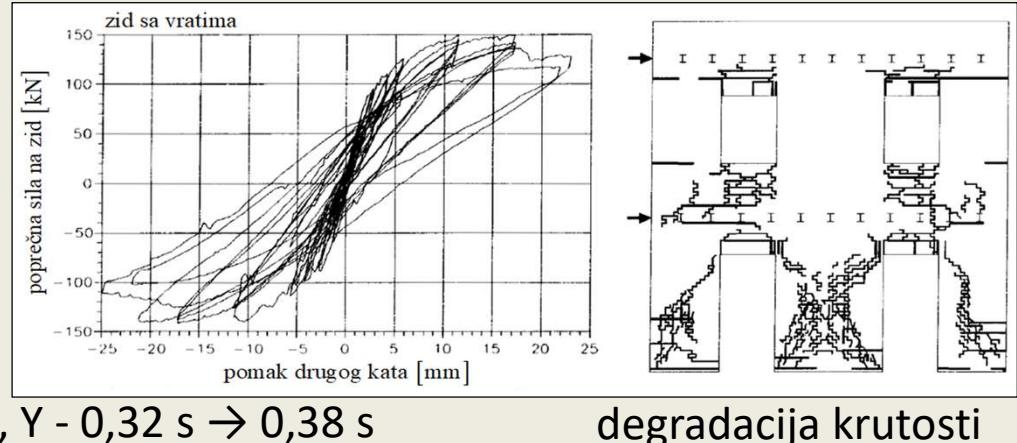


Mario Uroš, GF Zagreb  
Marija Demšić, GF Zagreb



# Eksperimentalna mjerena

- vlastite frekvencije i periodi
- krutost konstrukcije (koeficijent 0,5)
- granica od  $T=0,6$  s za tlo C
- produljenje perioda, X - 0,39 s  $\rightarrow$  0,50 s, Y - 0,32 s  $\rightarrow$  0,38 s

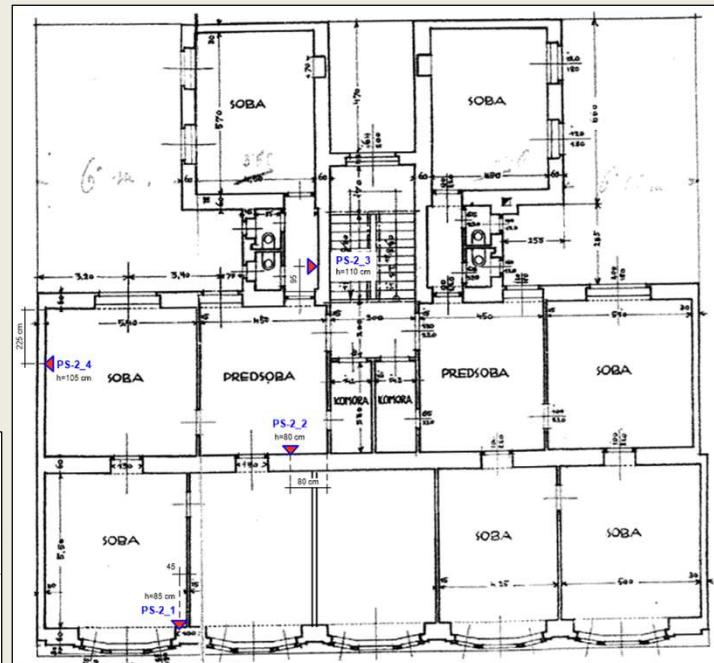


# Ekperimentalna mjerena

- bitno znati svojstava materijala i izvedbe detalja
- faktor povjerenja – 1,0
- ispitivanja materijala

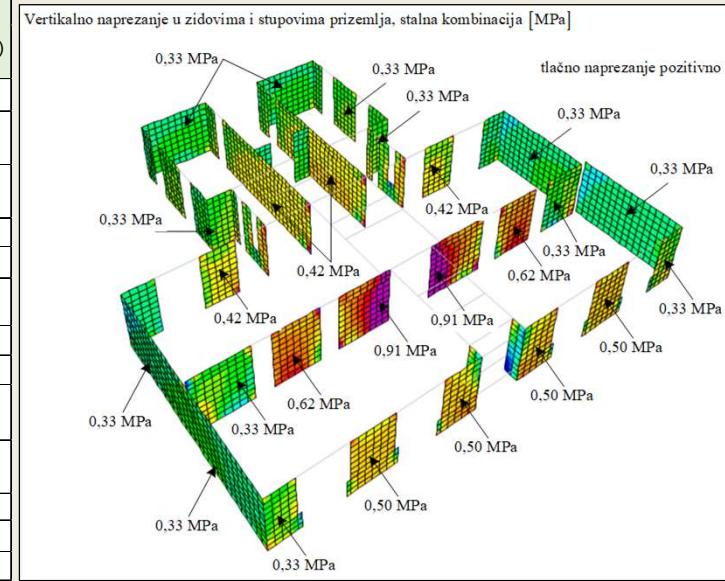
Krolo, Damjanović

vrsta zida	tlačna čvrstoća	Inicijalna posmična čvrstoća	Youngov modul elastičnosti	modul posmika	zapreminska težina	Dijagonalna vlačna čvrstoća
	$f$ [MPa]	$f_{v0}$ [MPa]	$E$ [MPa]	$G$ [MPa]	$w$ [ $\text{kN}/\text{m}^3$ ]	$f_t$
Zid od pune opeke s vapnenim mortom	3,4	0,16	1500	500	18	0,114



## Vertikalno naprezanje u zidovima prizemlja

KAT - STAN	Oznaka mjernog mjesta	Položaj mjernog mesta	h (cm)	a (cm)	b (cm)	$A_h$ ( $\text{cm}^2$ )	SILA $H_{\text{umax}}$		Posmična čvrstoća (MPa)
							parsi ("")	kN	
1. KAT, sjeverni stan	PS-1_1	Središnji nosivi zid	83 cm	27,0	13,5	729,0	27,0	36,45	0,500
	PS-1_2	Zapadni vanjski nosivi zid	94 cm	Nije ispitivana posmična čvrstoća, pregledana struktura zida i određena debljina zida!					
	PS-1_3	Sjeverni vanjski (zabatni) nosivi zid	102 cm	Nije ispitivana posmična čvrstoća, pregledana struktura zida i određena debljina zida!					
2. KAT, južni stan	PS-2_1	Istočni vanjski (ulični) nosivi zid	85 cm	27,0	13,5	729,0	32,0	43,20	0,593
	PS-2_2	Središnji nosivi zid	80 cm	27,0	13,0	702,0	30,0	40,50	0,577
	PS-2_3	Nosivi zid u hodniku uz stubište	110 cm	Nije ispitivana posmična čvrstoća, pregledana struktura zida i određena debljina zida!					
	PS-2_4	Južni vanjski (zabatni) nosivi zid	105 cm	27,0	13,5	729,0	14,0	18,90	0,259
3. KAT, sjeverni stan	PS-3_1	Središnji nosivi zid	98 cm	27,0	14,0	756,0	17,0	22,95	0,304
	PS-3_2	Zapadni vanjski nosivi zid	80 cm	Nije ispitivana posmična čvrstoća, pregledana struktura zida i određena debljina zida!					
	PS-3_3	Dvoranični dio stana, nosivi zid do stubišta	115 cm	27,0	13,5	729,0	21,0	28,35	0,389
	PS-3_4	Istočni vanjski (ulični) nosivi zid	88 cm	27,0	13,5	729,0	18,0	24,30	0,333
Srednja vrijednost (MPa):								0,422	
Standardno odstupanje (MPa):								0,135	



# Proračun lokalnih mehanizama

Prevrtanje lastavice - Demšić

Specifična težina zida	$\gamma = 18 \text{ kN/m}^3$
Vršna vrijednost ubrzanja tla (za povratno razdoblje od 95 godina)	$a_g = 1.47 \text{ m/s}^2$
Vrijednost prvog perioda građevine	$T_1 = 0.47 \text{ s}$
Visina građevine (bez krovišta)	$H = 20 \text{ m}$
Procijenjeni koeficijent modalne participacije	$\Gamma_1 = 1.385$
Koeficijent ponašanja za linearni proračun	$q = 2$
Faktor razine znanja LC1	$F_c = 1.35$

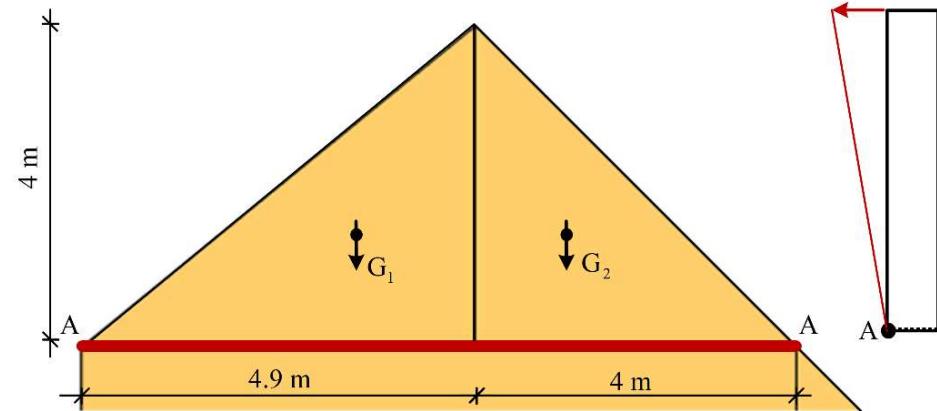
Debljina blokova	$b = 30 \text{ cm}$
Težina blokova	$G_1 = 52.92 \text{ kN}$ $G_2 = 43.20 \text{ kN}$
Vrijednosti virtualnih pomaka	$\delta_{G1,x} = 0.333; \quad \delta_{G2,x} = 0.333$ $\delta_{G1,y} = 0.037; \quad \delta_{G2,y} = 0.037$
Visinska kota zida	$z = 20 \text{ m}$

$$e^* = \frac{9.81 \cdot 9.79}{96.12} = 1$$

$$a_0^* = \frac{\alpha_0 \cdot g}{e^* \cdot F_c} = \frac{1.104}{1.35} = 0.82 \text{ m/s}^2$$

$$a_0 \geq a_{0,\min}^* = \max\left(\frac{a_g \cdot S}{q}; \frac{S_e(T_1)\psi(z)\Gamma_1}{q}\right) = (0.85 \text{ m/s}^2; 2.93 \text{ m/s}^2) = 2.93 \text{ m/s}^2 - \text{ne zadovoljava}$$

omjer- 28%



- lokalni mehanizmi otkazivanja
- lastavica bez pridržanja

Koeficijent aktivacije mehanizma:

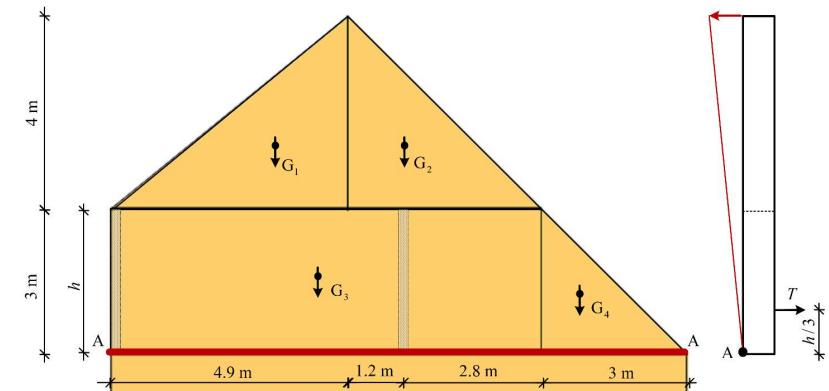
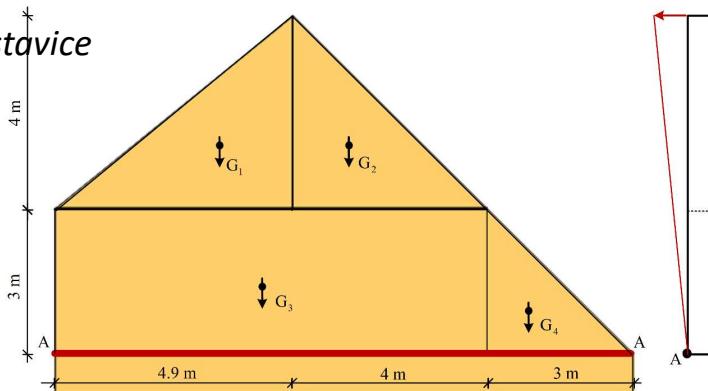
$$\alpha_0 = \frac{G_1 \cdot \delta_{G1,y} + G_2 \cdot \delta_{G2,y}}{G_1 \cdot \delta_{G1,x} + G_2 \cdot \delta_{G2,x}} = \frac{3.60}{32.04} = 0.112$$

Koeficijent efektivne modalne mase:

$$M^* = \frac{(G_1 \cdot \delta_{G1,x} + G_2 \cdot \delta_{G2,x})^2}{9.81 \cdot (G_1 \cdot \delta_{G1,x}^2 + G_2 \cdot \delta_{G2,x}^2)} = \frac{1026.56}{104.77} = 9.79 \text{ t}$$



Prevrtanje lastavice  
Demšić



Debljina blokova	$b = 30 \text{ cm}$
Težina blokova	$G_1 = 52.92 \text{ kN}$ $G_2 = 43.20 \text{ kN}$ $G_3 = 144.18 \text{ kN}$ $G_4 = 24.30 \text{ kN}$
Vrijednosti virtualnih pomaka	$\delta_{G1,x} = 0.619; \delta_{G2,x} = 0.619$ $\delta_{G3,x} = 0.214; \delta_{G4,x} = 0.143$ $\delta_{G1,y} = 0.021; \delta_{G2,y} = 0.021$ $\delta_{G3,y} = 0.021; \delta_{G4,y} = 0.021$
Visinska kota zida	$z = 17 \text{ m}$

- vezu s dva poprečna zida
- utjecaj sile trenja na njihovom spoju
- često se može zanemariti
- ovisi i o poznavanju detalja

Faktor aktivacije mehanizma	$\alpha_0 = \frac{5.67}{93.87} = 0.060$
Efektivna modalna masa i faktor efektive modalne mase	$M^* = \frac{8811.58}{431.17} = 20.44 \text{ t}$ $e^* = 0.758$
Spektralno ubrzanje	$a_0^* = \frac{0.592}{0.758 \cdot 1.35} = 0.58 \text{ m/s}^2$
Zahtijevano spektralno ubrzanje	$a_{0,\min}^* = \max(0.85 \text{ m/s}^2; 2.49 \text{ m/s}^2) = 2.49 \text{ m/s}^2$
Uvjet $a_0^* \geq a_{0,\min}^*$	<b>ne zadovoljava</b>

Faktor aktivacije mehanizma	$\alpha_0 = 0.146$
Efektivna modalna masa i faktor efektive modalne mase	$M^* = \frac{8811.58}{431.17} = 20.44 \text{ t}$ $e^* = 0.758$
Spektralno ubrzanje	$a_0^* = \frac{1.429}{0.758 \cdot 1.35} = 1.40 \text{ m/s}^2$
Zahtijevano spektralno ubrzanje	$a_{0,\min}^* = \max(0.85 \text{ m/s}^2; 2.49 \text{ m/s}^2) = 2.49 \text{ m/s}^2$
Uvjet $a_0^* \geq a_{0,\min}^*$	<b>ne zadovoljava</b>



## Proračun

- dokaz graničnog stanja značajnog oštećenja (ZO) za 95 g. p.p. potresa (*razina 2*)
- metode proračuna
  - metoda spektra odziva
  - nelinearni statički (metoda postupnog guranja)
  - nelinearni dinamički proračun
- nije razmatran utjecaj susjedne zgrade (problem stambenih blokova)

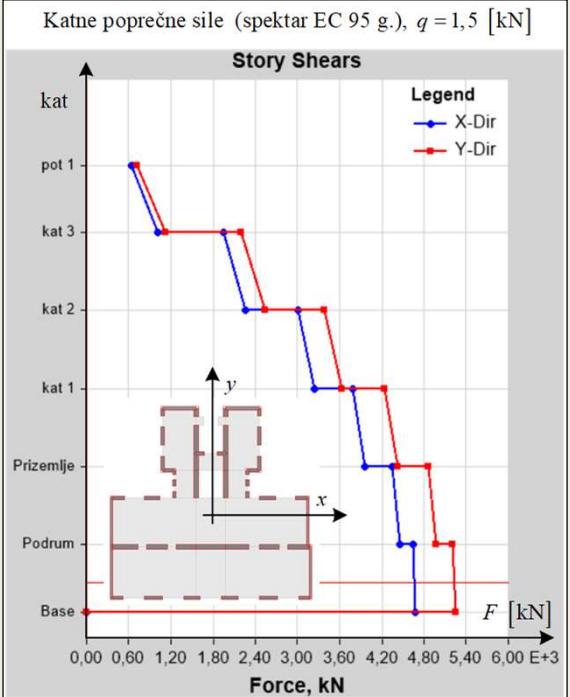
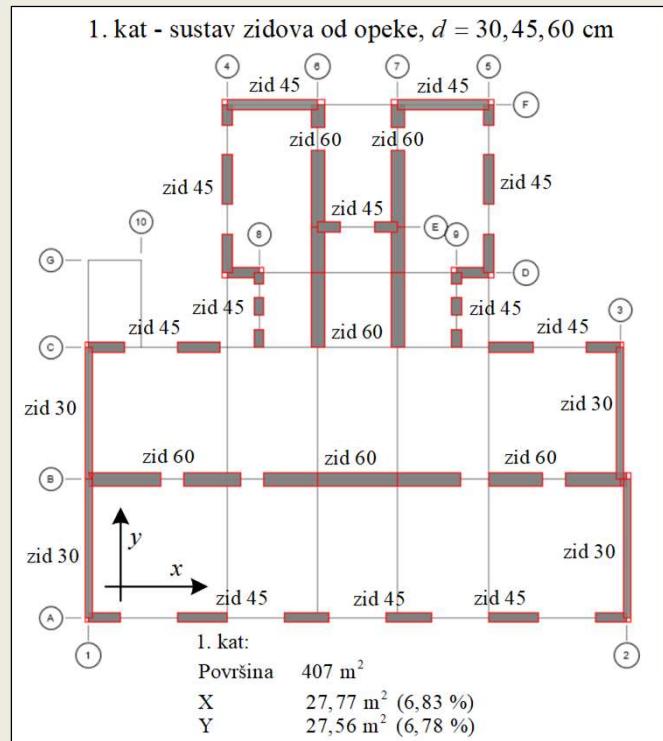
Uvjet proračuna: osigurane pretpostavke proračuna i globalni odgovor zgrade

- krute dijafragme kvalitetno povezane s zidovima
- zidovi međusobno povezani
- spriječeni lokalni mehanizmi izvan ravnine
- dominantan odziv zida u ravnini (spriječiti interakciju)
- oštećeni zidovi popravljeni



# Proračun – metoda spektra odziva

- faktor ponašanja (nepredvidivi mehanizam sloma)
- razlika u odnosu na bočnu silu – aktivacija mase
- nejednolika raspodjela poprečne sile po visini
- viši katovi bitni, pregradni zidovi?
- preraspodjela sila od -25 do +33% (uvjet iste rezultante)



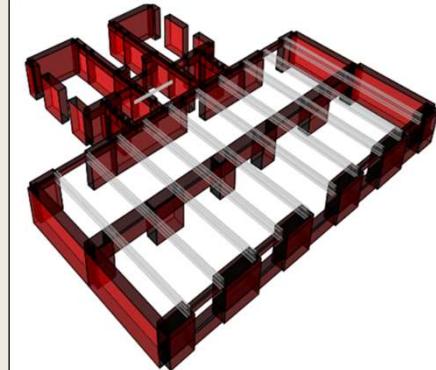
Podrum:	Prizemlje:	1. kat:
Površina 407 m <sup>2</sup>	Površina 407 m <sup>2</sup>	Površina 407 m <sup>2</sup>
X 42,94 m <sup>2</sup> (10,56 %)	X 32,58 m <sup>2</sup> (8,01 %)	X 27,77 m <sup>2</sup> (6,83 %)
Y 35,28 m <sup>2</sup> (8,68 %)	Y 38,03 m <sup>2</sup> (9,35 %)	Y 27,56 m <sup>2</sup> (6,78 %)
Omjer poprečne sile i težine (dno podruma)	Omjer poprečne sile i težine (dno prizemlja)	Omjer poprečne sile i težine (dno 1. kata)
$\frac{F_x}{W} = \frac{4675}{32159} = 0,15$	$\frac{F_x}{W} = \frac{4463}{25169} = 0,18$	$\frac{F_x}{W} = \frac{3959}{19169} = 0,21$
$\frac{F_y}{W} = \frac{5252}{32159} = 0,16$	$\frac{F_y}{W} = \frac{4974}{25169} = 0,20$	$\frac{F_y}{W} = \frac{4428}{19169} = 0,23$
prosječno posmično naprezanje (dno podruma):	prosječno posmično naprezanje (dno prizemlja):	prosječno posmično naprezanje (dno 1. kata):
$\tau_x = \frac{4675}{42,94} = 0,11 \text{ MPa}$	$\tau_x = \frac{4463}{32,58} = 0,14 \text{ MPa}$	$\tau_x = \frac{3959}{27,77} = 0,14 \text{ MPa}$
$\tau_y = \frac{5252}{35,28} = 0,15 \text{ MPa}$	$\tau_y = \frac{4974}{38,03} = 0,13 \text{ MPa}$	$\tau_y = \frac{4428}{27,56} = 0,16 \text{ MPa}$



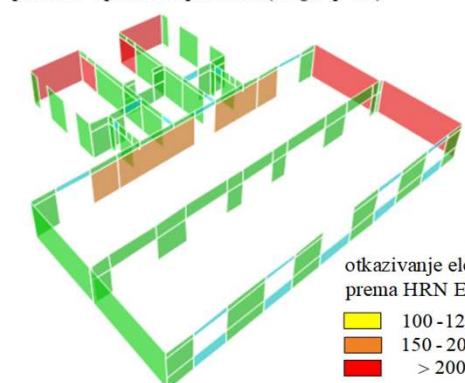
# Proračun – metoda spektra odziva

- kombiniranje doprinosa oblika titranja
- unutarnje sile nisu u ravnoteži
- nejednolika raspodjela poprečne sile po visini
- nosivost uvjetovana najslabijom karikom (uz preraspodjelu)
- dodatna ograničenja (omjer krutosti 2,5)

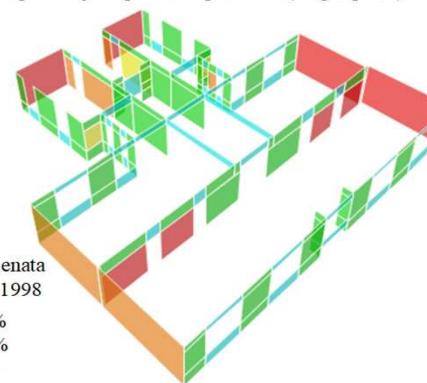
podrum - sustav zidova, nadvoja i greda



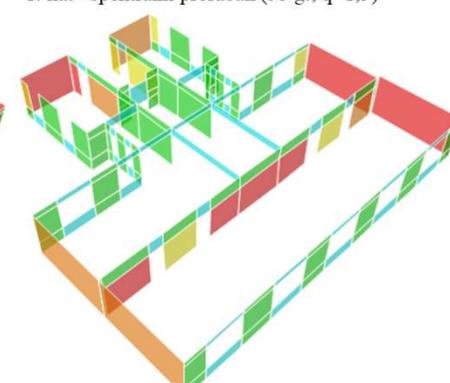
podrum - spektralni proračun (95 g., q=1,5)



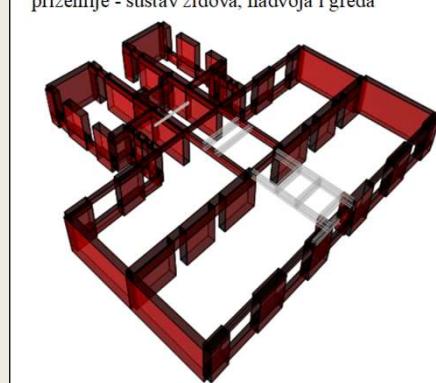
prizemlje - spektralni proračun (95 g., q=1,5)



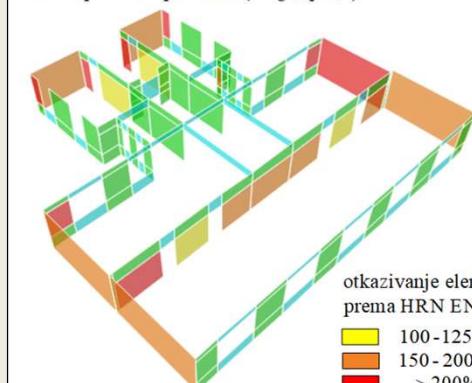
1. kat - spektralni proračun (95 g., q=1,5)



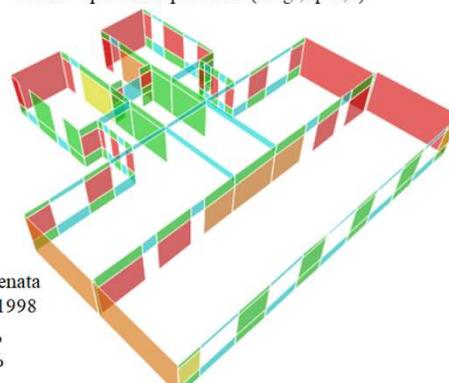
prizemlje - sustav zidova, nadvoja i greda



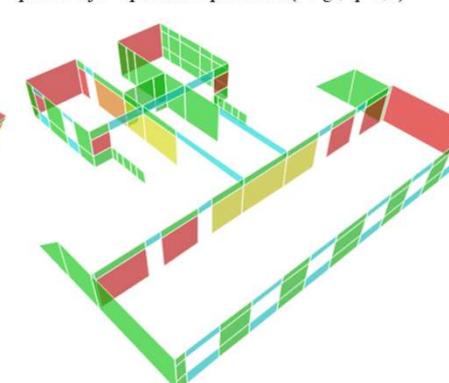
2. kat - spektralni proračun (95 g., q=1,5)



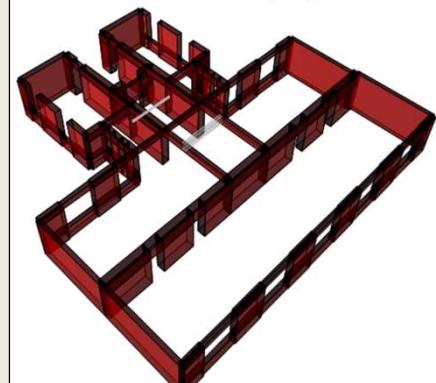
3. kat - spektralni proračun (95 g., q=1,5)



potkrovље - spektralni proračun (95 g., q=1,5)

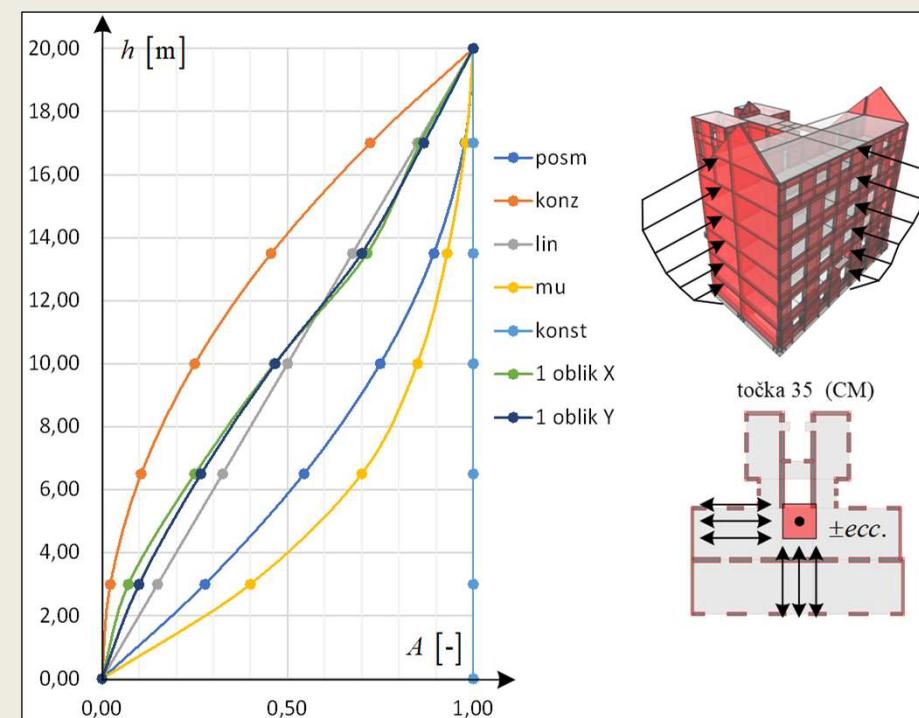
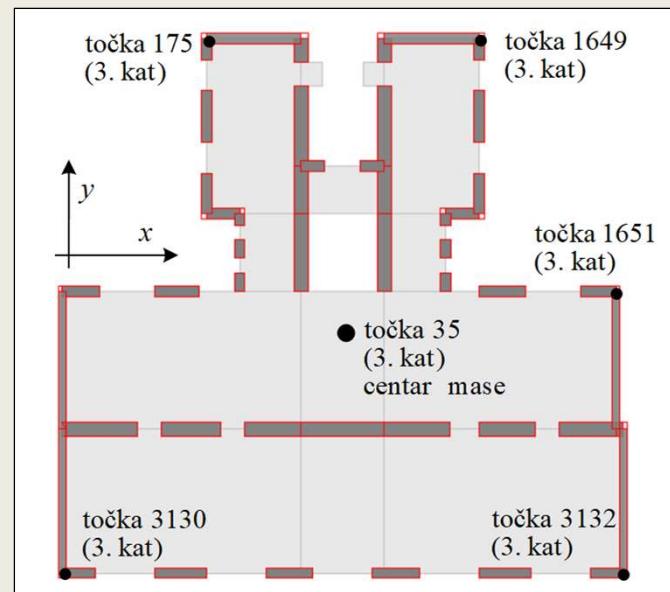


1. kat - sustav zidova, nadvoja i greda



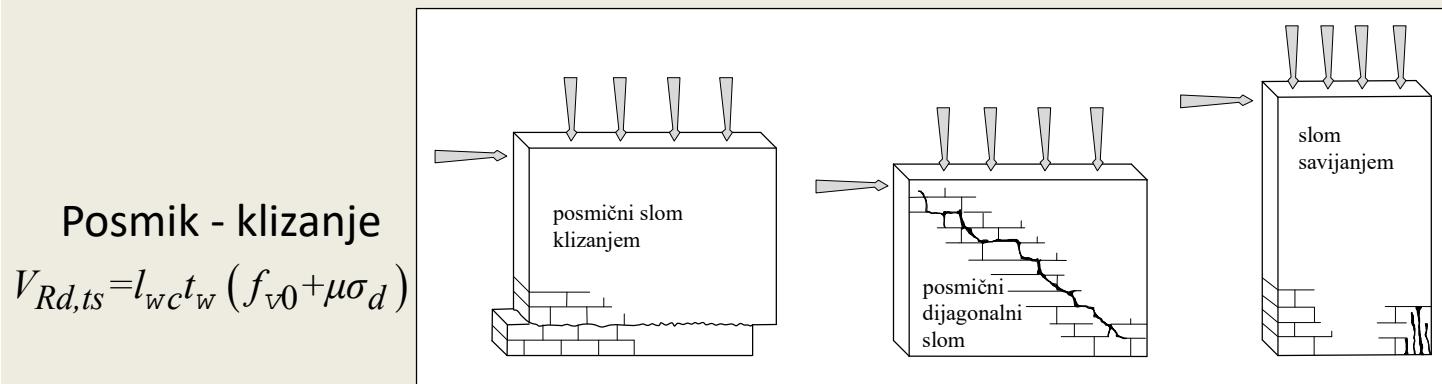
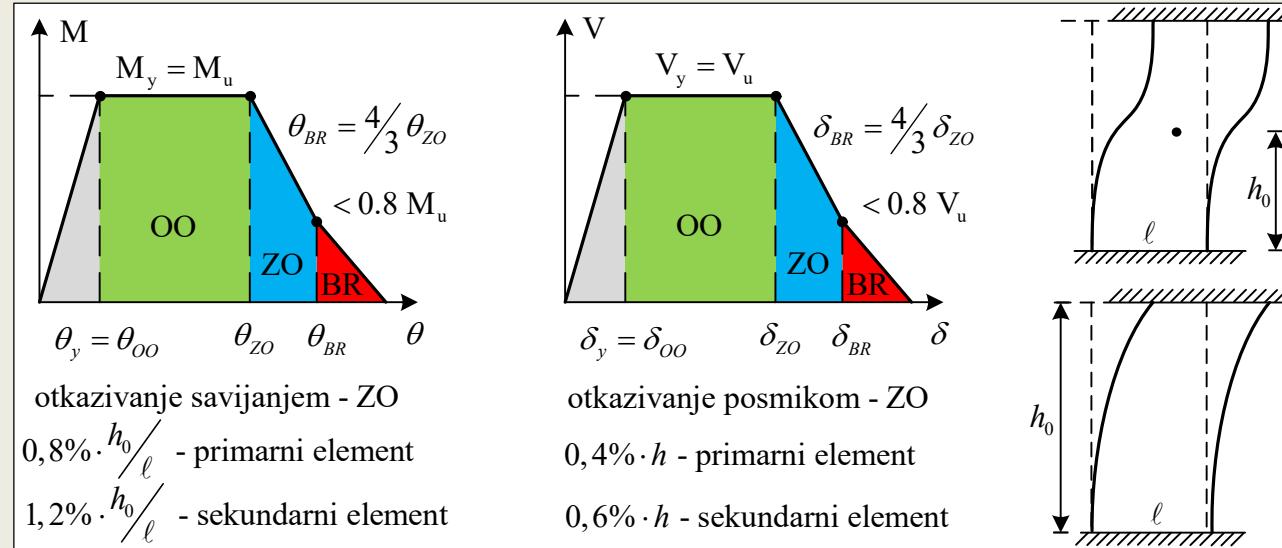
# Proračun – metoda postupnog guranja

- oblici bočnog opterećenja
- konstrukcija dominantno odziva u 1. obliku i uvjet pravilnosti u tlocrtu i visini
- kontrolni čvor u centru mase najvišeg kata
- ekscentricitet 5%
- pregradni zidovi, primarni i sekundarni elementi
- stanje je određeno ponašanjem primarnih nosivih elemenata ovisno o deformacijama



# Proračun – metoda postupnog guranja

- proračun nosivosti i deformacije elemenata (uz degradaciju materijala)



**Posmik - klizanje**

$$V_{Rd,ts} = l_w c t_w (f_{v0} + \mu \sigma_d)$$

**Savijanje**

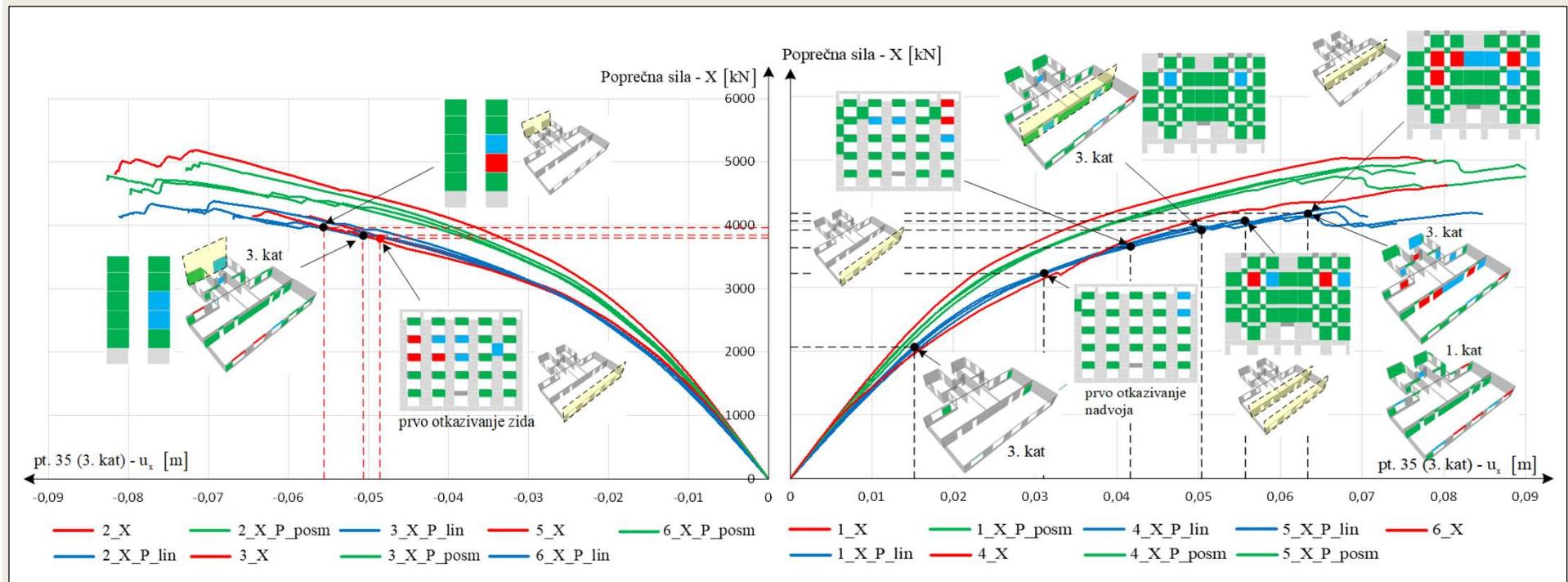
$$V_{Rd,r} = \psi \frac{\sigma_0 t_w l_w^2}{2h_0} \left( 1 - \frac{\sigma_0}{f_{Mc}} \right)$$

**Posmik – dijagonalni slom**

$$V_{Rd,t} = l_w t_w \frac{f_{Mt}}{b} \sqrt{\left( 1 + \frac{\sigma_0}{f_{Mt}} \right)}$$

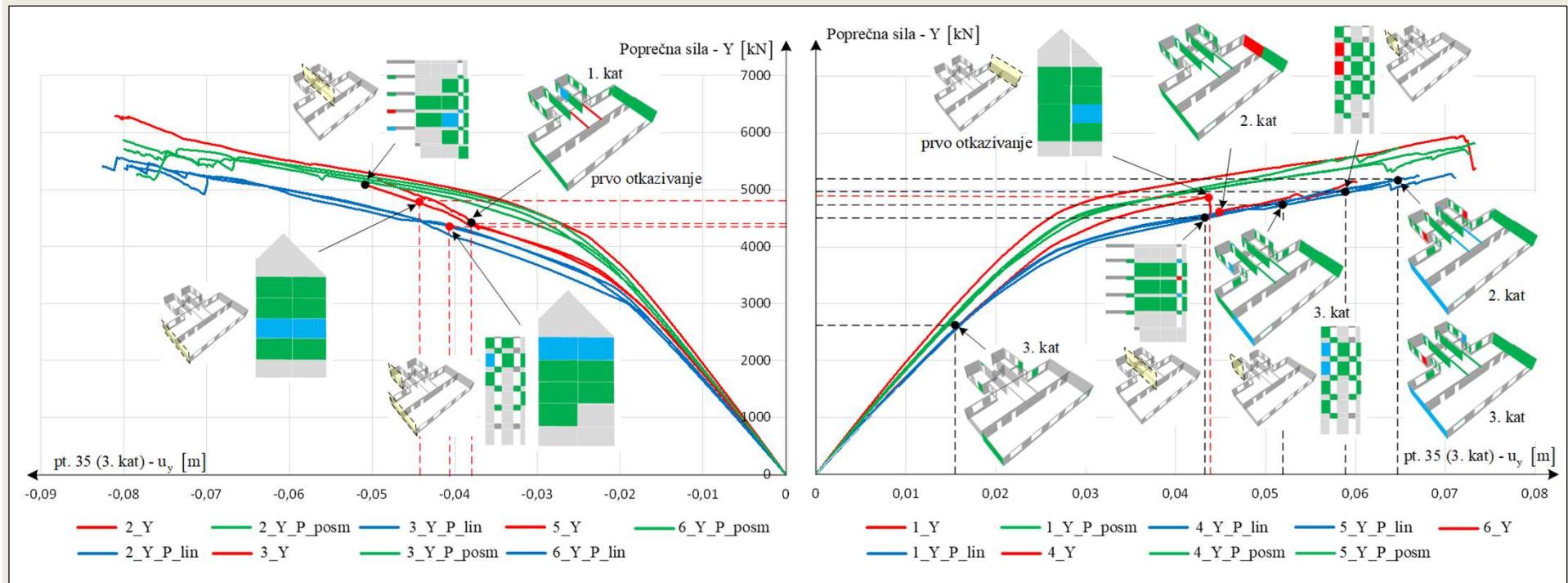
# Proračun – metoda postupnog guranja

- krivulje nosivosti zgrade – smjer X
- mehanizam otkazivanja i kritični elementi



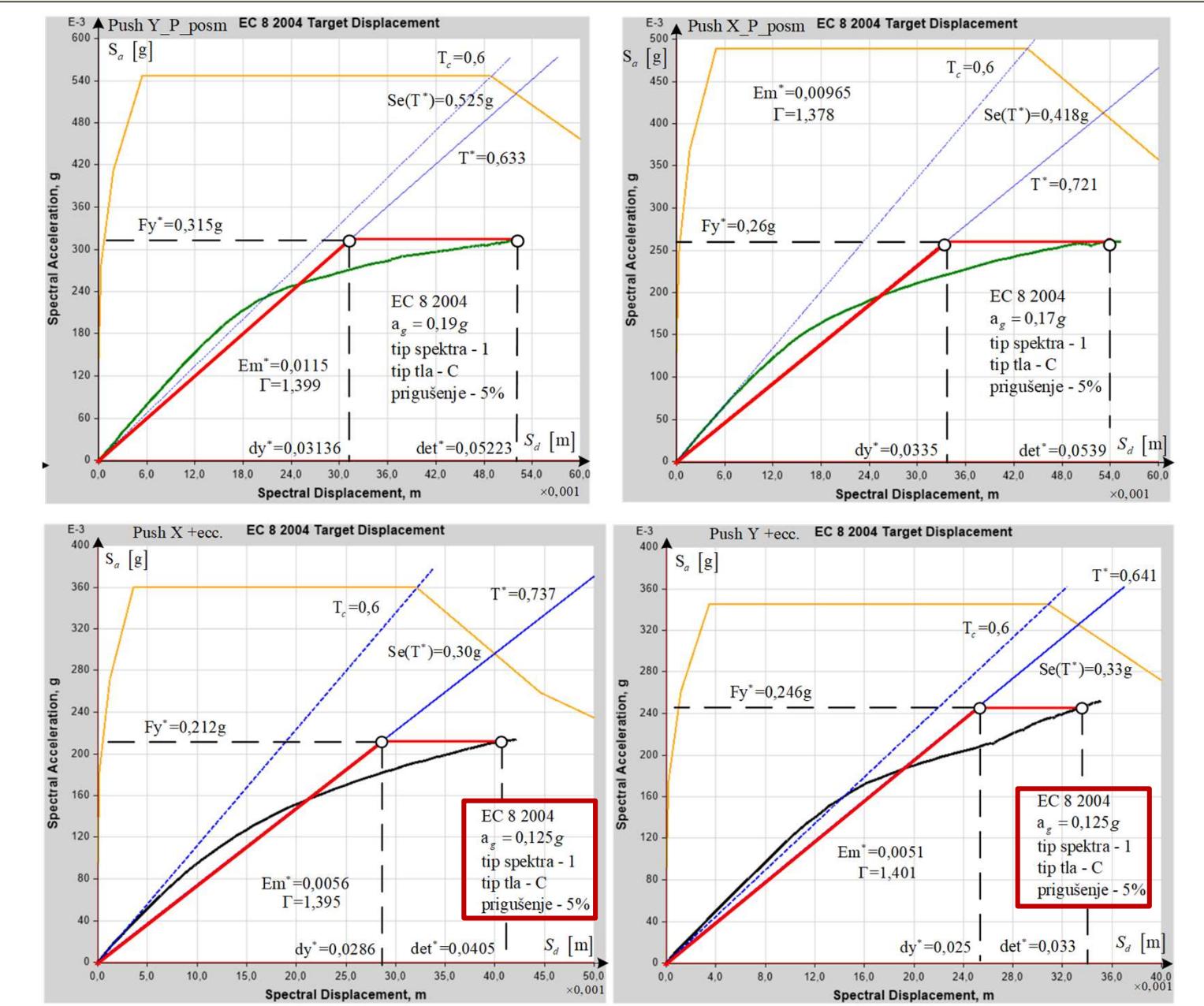
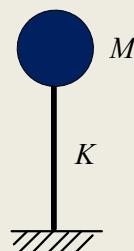
# Proračun – metoda postupnog guranja

- krivulje nosivosti zgrade – smjer Y
- mehanizam otkazivanja i kritični elementi



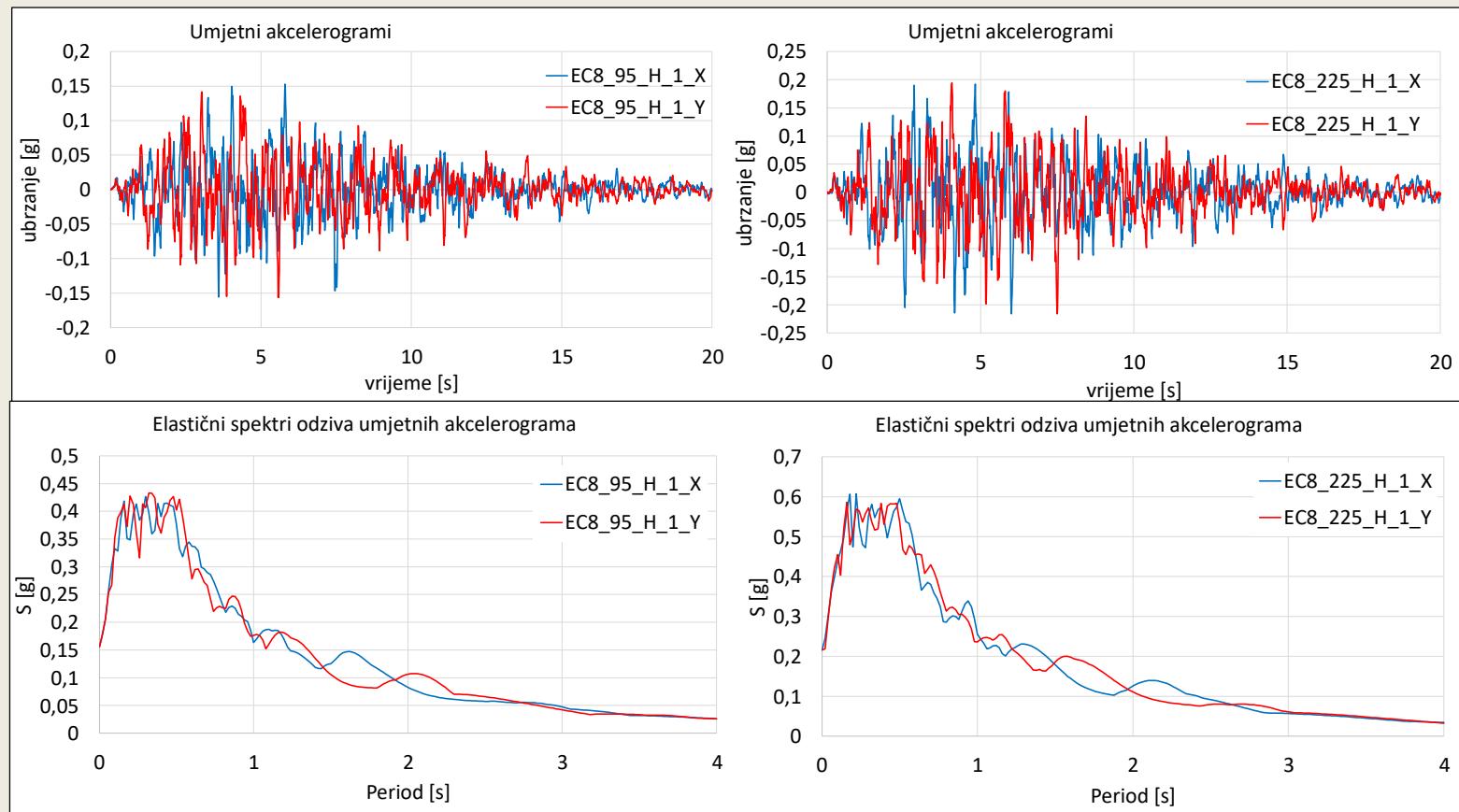
# Krivulje kapaciteta

zamjenski  
sustav s  
jednim  
stupnjem  
slobode



# Proračun - nelinearni dinamički proračun

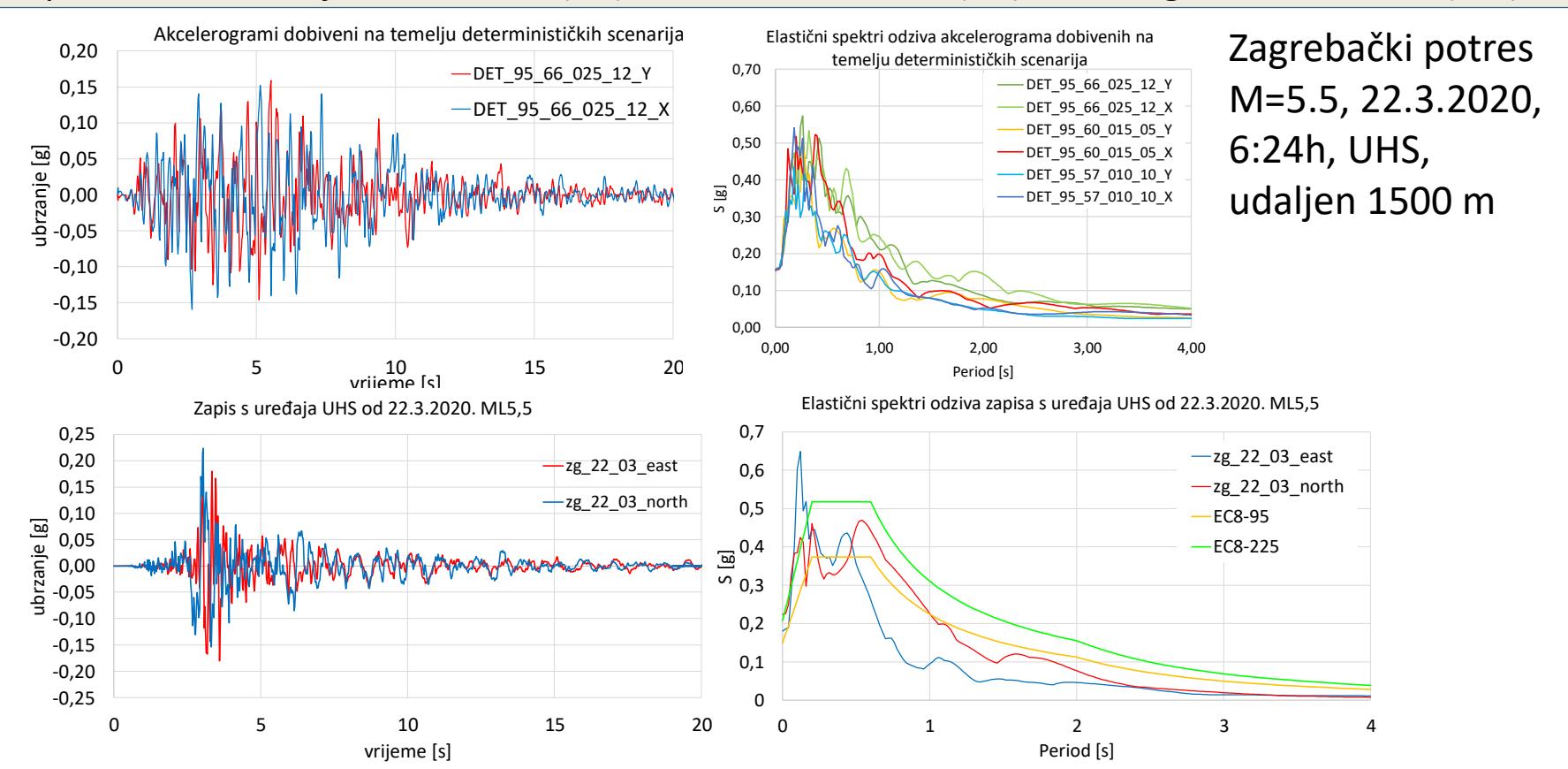
- zapisi ubrzanja temeljnog tla u vremenu različitog intenziteta - tlo tipa C
- faktor važnosti je II ( $\gamma=1$ ), pretpostavljeno je viskozno prigušenje od 5%
- akcelerogram čiji spektar odziva odgovara spektru iz EC8 (tip 1)



# Proračun - nelinearni dinamički proračun

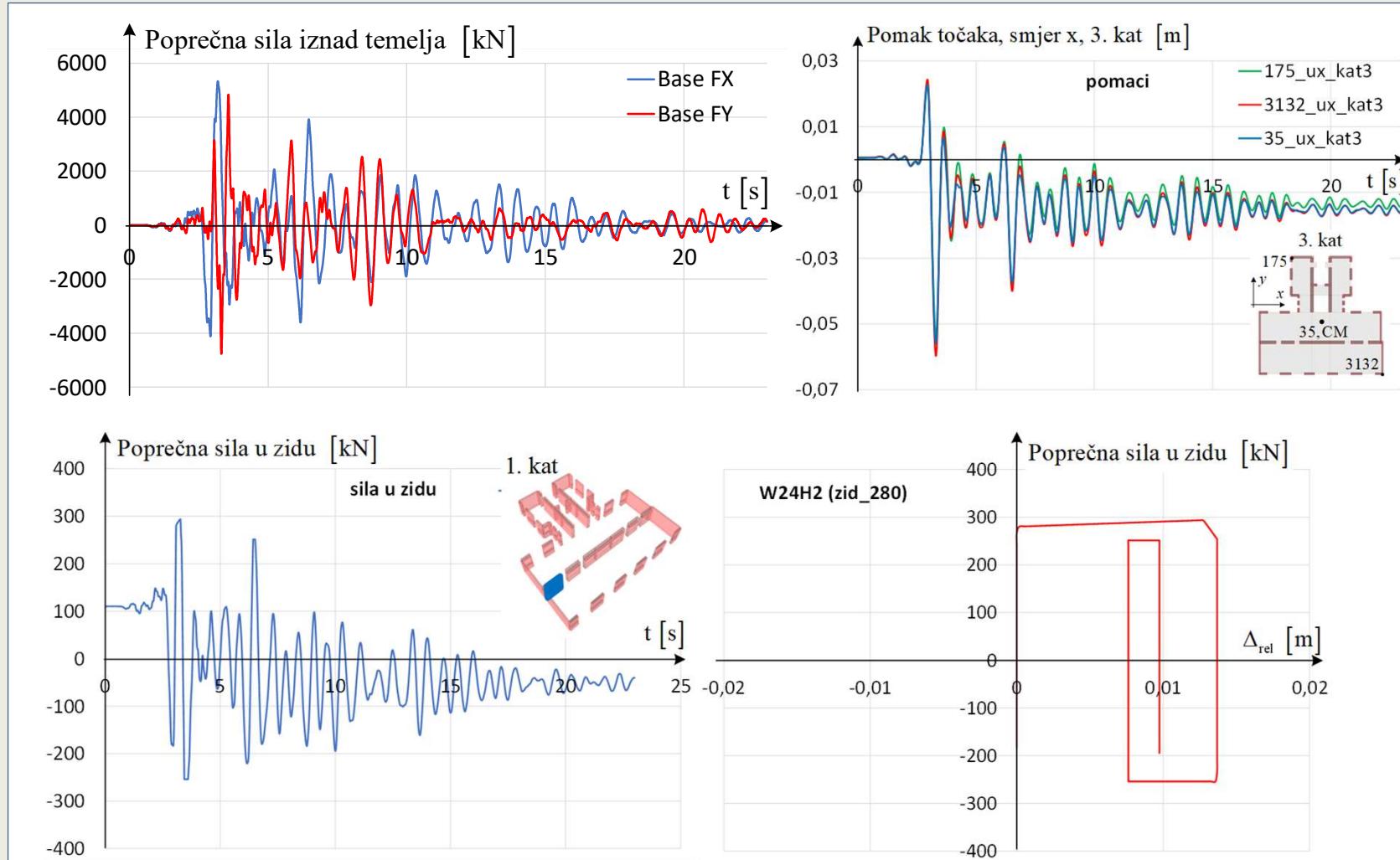
Deterministički (realni) scenariji potresa za PP 95 (225) godina:

- epicentralna udaljenost  $D = 10$  (5) km, dubina  $h = 10$  (12) km, magnituda  $M = 5,7$  (5,8)
- epicentralna udaljenost  $D = 15$  (10) km, dubina  $h = 5$  (5) km, magnituda  $M = 6,0$  (6,1)
- epicentralna udaljenost  $D = 25$  (15) km, dubina  $h = 12$  (10) km, magnituda  $M = 6,6$  (6,4)



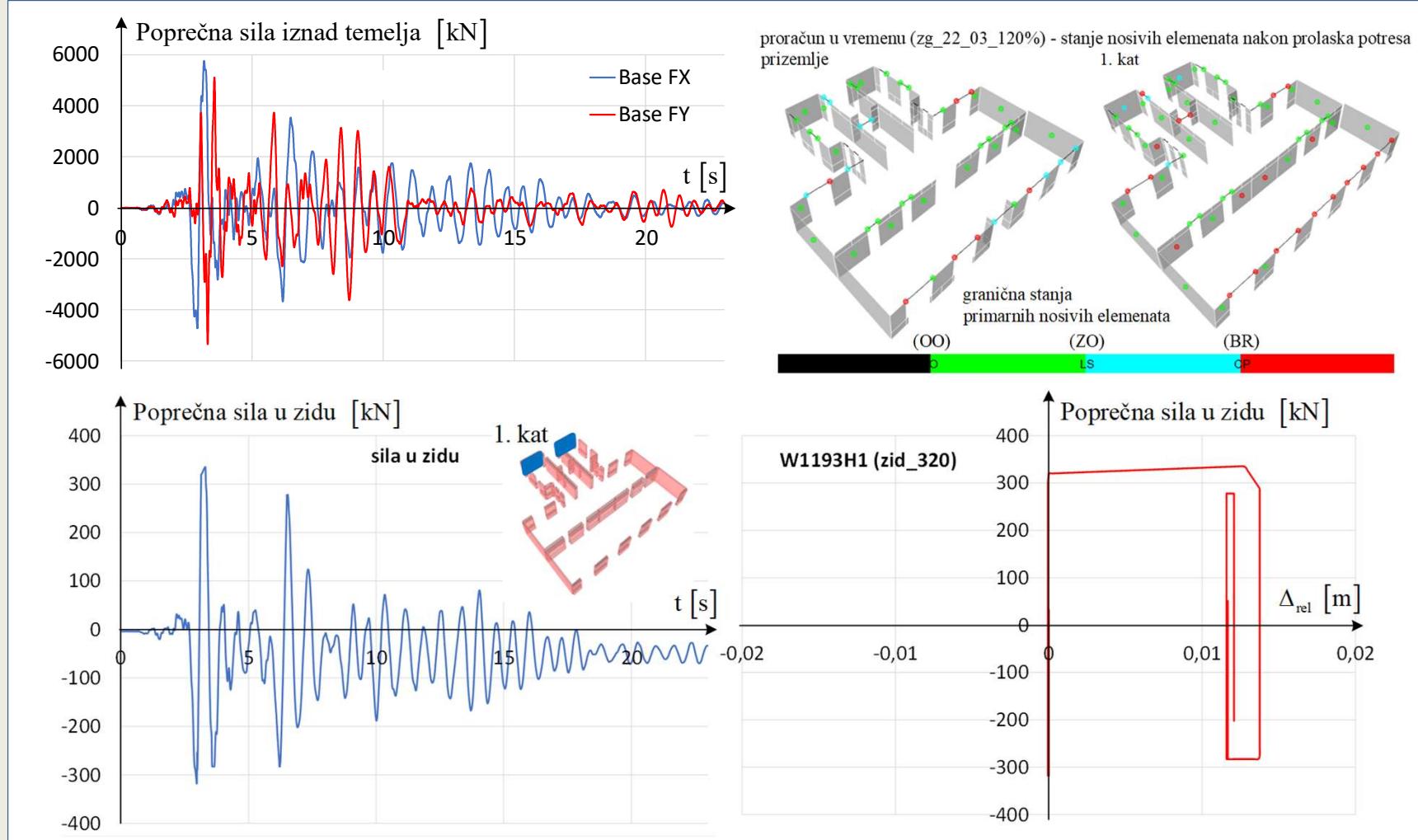
# Proračun - nelinearni dinamički proračun

- ZG potres 22.3.2020.,  $a_g = 0,22 \text{ g}$



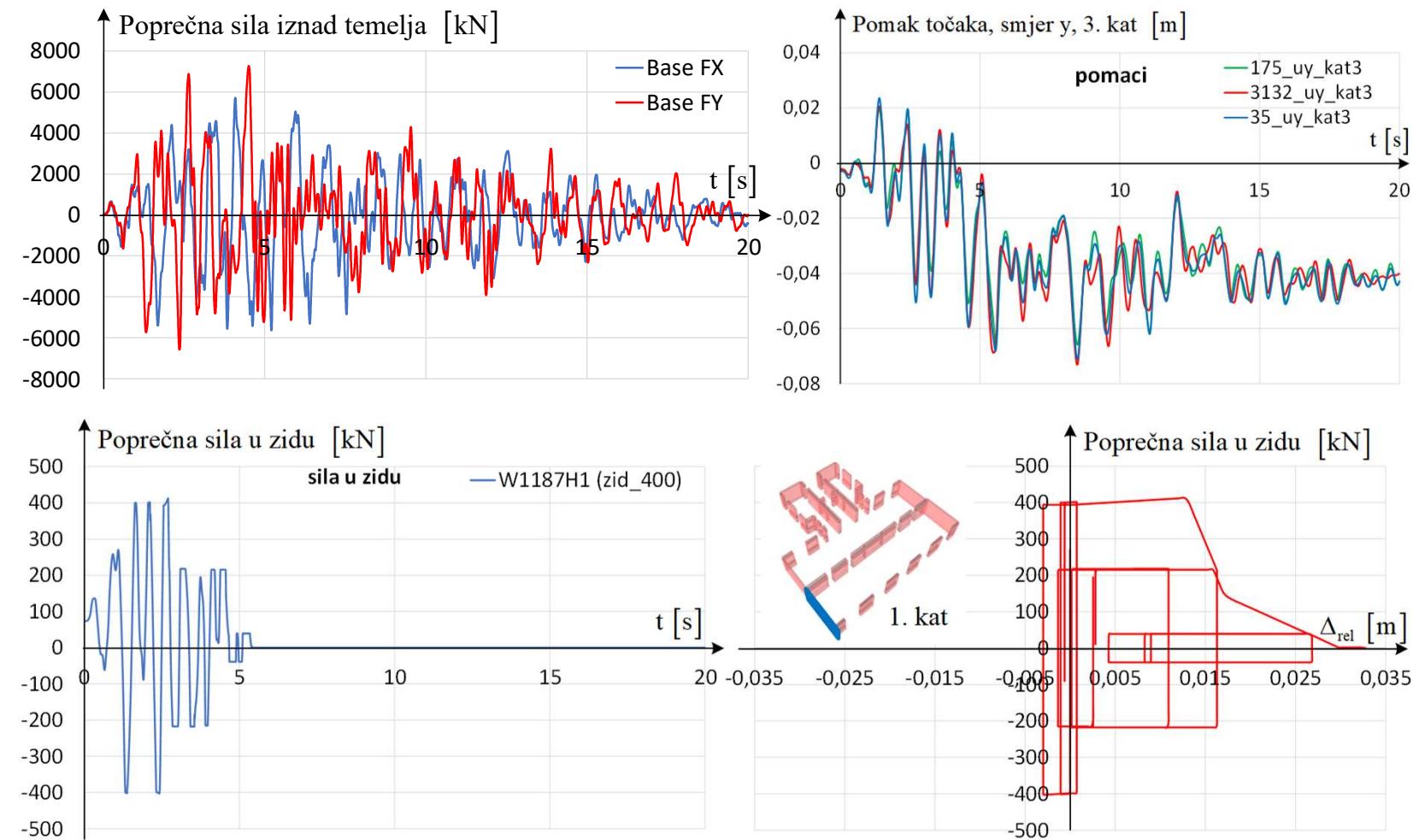
# Proračun - nelinearni dinamički proračun

- ZG potres 22.3.2020.,  $a_g = 0,264 \text{ g}$



# Proračun - nelinearni dinamički proračun

- Povratni period 475 g. p.p.



## Zaključak

- poznavati građevinu → faktor povjerenja → meh. otkazivanja i kritični elementi
- faktor ponašanja nepoznat bez detaljnog proračuna ( $q=1,5$ )
- nosivost konstrukcije određena najslabijom karikom (primarni element)
- razina prosječenih posmičnih naprezanja može poslužiti samo kao okvirna smjernica, a nikako kao mjera za ocjenu nosivosti zgrade
- osigurati pretpostavke predviđene proračunom
  - krute dijafragme
  - sprečavanje lokalnih mehanizama sloma zidova
  - spajanje zidova, nadvoji
- sudaranja zgrada nije uzeto u obzir (gradnja u blokovima)
- degradacija krutosti nosivih elemenata u zgradama (ambijentalne vibracije)



# Zaključak

## Nelinearni statički proračun

- vršno ubrzanje na osnovnoj stijeni koje uzrokuje prekoračenje GS ZO je oko  $a_g=0,12\text{ g}$ 
  - problem nadvoja koji treba ojačati
- kritični su zidovi na 1. i 3. katu
  - zabatni zidovi na sjevernoj strani zgrade
  - zidovi središnje uzdužne osi zgrade
- dominantan slom zidova posmikom u nižim katovima, u višim savijanjem

## Nelinearni dinamički proračuni nešto veće razine nosivosti zgrade

- 225 god. p.p. - konstrukcija u stanju OO, osim dio nadvoja (ZO)
- 95 god. p.p. - zidovi i nadvoji zgrade ostaju u stanju OO
- potres u Zagrebu od 22.3.2020 (UHS), većina zidova u stanju OO, nadvoji ZO
- kritični su 1. i 2. kat kod kojih je jedan zid u središnjoj uzdužnoj osi u stanju ZO
- koncentracija oštećenja je u uzdužnom smjeru – dominantan smjer potresa

**Uz provedene mjere lokalnih popravaka elemenata i osiguranja pretpostavki proračuna, zgrada zadovoljava Razinu 2 prema TPGK.**

**Važno: to nije prihvatljiva razina sigurnosti zgrade u potresu! (to je tek Razina 3)**

# Hvala na pažnji!

